

**Задания заключительного этапа по направлению
«Нанотехнологии в электронике и радиофотонике»**

Категория участия: «Бакалавриат»

Задача 1 (10 баллов)

К ячейке Поккельса толщиной 1 см, являющейся кристаллом дигидрофосфата аммония $\text{NH}_4\text{H}_2\text{PO}_4$ (ADP), приложено внешнее электрическое поле 150 кВ. Коэффициент преломления дигидрофосфата аммония равен 1,525.

Задание:

1) Выведите показатель преломления электрооптической среды, как функции $n(E)$ приложенного стационарного или медленно меняющегося электрического поля, на основе того, что функция $n(E)$ слабо зависит от E , разложив её в ряд Тейлора в окрестностях точки $E=0$.

2) Рассчитайте линейный электрооптический коэффициент для дигидрофосфата аммония $\text{NH}_4\text{H}_2\text{PO}_4$ (ADP), если его коэффициент преломления уменьшился на 744×10^{-6} .

Решение:

1) Показатель преломления электрооптической среды является функцией $n(E)$ приложенного стационарного или медленно меняющегося электрического поля E . Функция $n(E)$ слабо зависит от E , так что её можно разложить в ряд Тейлора в окрестностях точки $E=0$:

$$n(E) = n + a_1 E + \frac{1}{2} a_2 E^2 + \dots,$$

где коэффициенты разложения:

$$n = n(0); a_1 = \left. \frac{dn}{dE} \right|_{E=0}; a_2 = \left. \frac{d^2 n}{dE^2} \right|_{E=0}.$$

Выразим электрооптические коэффициенты:

$$\tau = -\frac{2a_1}{n^3}; \sigma = -\frac{a_2}{n^3},$$

отсюда:

$$n(E) = n - \frac{1}{2} \tau n^3 E - \frac{1}{2} \sigma n^3 E^2 + \dots \quad (1)$$

Члены второго и высших порядков этого ряда, как правило, на много порядков меньше, чем n . Ими можно с уверенностью пренебречь.

Диэлектрическая проницаемость электрооптической среды как функции E :

$$\eta = \frac{\epsilon_0}{\epsilon} = \frac{1}{n^2}.$$

Диэлектрическая проницаемость η используется для описания оптических свойств анизотропных сред. Его малое приращение равно:

$$\Delta\eta = \frac{d\eta}{dn} \Delta n = -\frac{2}{n^3} \left(-\frac{1}{2} \tau n^3 E - \frac{1}{2} s n^3 E^2 \right) = \tau E + s E^2,$$

так что:

$$\eta(E) \approx \eta + \tau E + s E^2,$$

где $\eta = \eta(0)$. Следовательно, электрооптические коэффициенты τ и s - это коэффициенты двух слагаемых $\Delta\eta$ величинам E и E^2 соответственно. Значения коэффициентов τ и s зависят от направления приложенного электрического поля и поляризации света.

Во многих материалах третий член выражения (1) пренебрежимо мал, по сравнению со вторым, в силу чего получается формула для эффекта Поккельса:

$$n(E) \approx n - \frac{1}{2} \tau n^3 E$$

Среда в таком случае называется ячейкой (средой) Поккельса. Коэффициент τ называется коэффициентом Поккельса или линейным электрооптическим коэффициентом.

2) Отсюда можно выразить показатель преломления электрооптической среды или коэффициент Поккельса.

Выразим внешнее электрическое поле в В/м:

$$150 \frac{\text{кВ}}{\text{см}} = 150 \times \frac{10^3}{10^{-2}} \frac{\text{В}}{\text{м}} = 150 \times 10^5 \frac{\text{В}}{\text{м}} = 15 \times 10^6 \frac{\text{В}}{\text{м}}$$

Рассчитаем коэффициент Поккельса:

$$\tau \approx \frac{2 \times (n - n(E))}{n^3 E} \approx \frac{2 \times 744 \times 10^{-6}}{1,525^3 \times 15 \times 10^6} \approx 28 \times 10^{-12} \frac{\text{м}}{\text{В}}$$

Задача 2 (10 баллов)

На рис. 1 представлен блок комбинационной схемы с 8-входовым мультиплексором на выходе. Какая последовательность логических сигналов X1, X2, X3 должна быть на входе всей схемы, если на выходе мультиплексора Y присутствует логическая единица («1»). Вход A0 соответствует младшему разряду управляющего сигнала, A2 – старшему, комбинация A2 A1 A0 = «000» соответствует входу данных D0, комбинация A2 A1 A0 = «111» – входу D7.

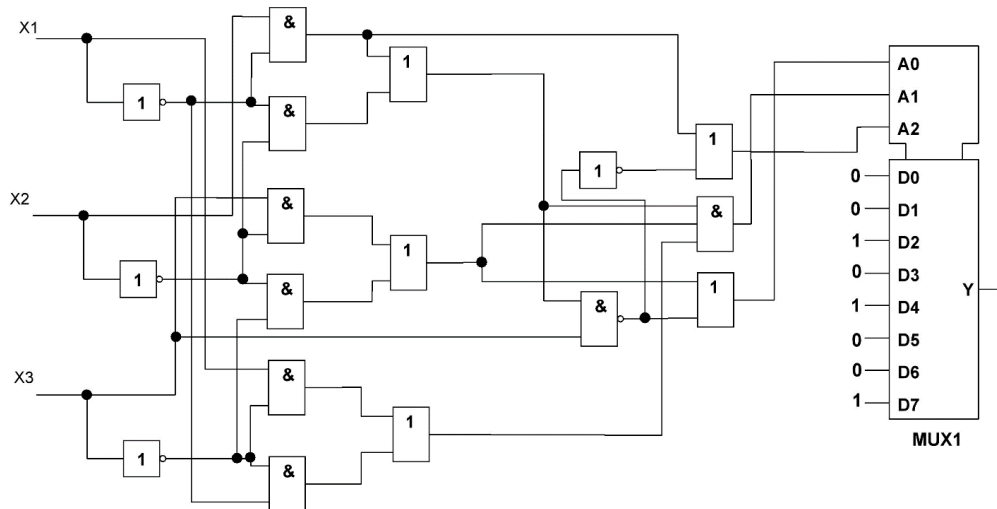


Рис. 1. Блок комбинационной схемы с 8-входовым мультиплексором на выходе.

Решение:

На управляющие входы приходят следующие сигналы:

$$A_0 = (\overline{X_2} * \overline{X_3} + \overline{X_2} * X_3) + X_3 * (\overline{X_1} * \overline{X_2} + \overline{X_1} * X_2) = \overline{X_3} * \overline{X_1} + \overline{X_2}$$

$$A_1 = (\overline{X_1} * \overline{X_2} + \overline{X_1} * X_2) * (\overline{X_2} * \overline{X_3} + \overline{X_2} * X_3) * (\overline{X_3} * \overline{X_1} + \overline{X_3} * X_1) = \overline{X_1} * \overline{X_2} * \overline{X_3}$$

$$A_2 = \overline{X_1} * X_2 + X_3 * (\overline{X_1} * \overline{X_2} + \overline{X_1} * X_2) = \overline{X_1} * X_2 + X_3 * (\overline{X_1} * \overline{X_2} + \overline{X_1} * X_2) = \overline{X_1} * X_2 + \overline{X_1} * X_3$$

Таблица истинности, составленная для сигналов X1, X2, X3 и сигналов на управляющих входах

X1	X2	X3	A2	A1	A0
0	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1
0	1	0	1	0	1
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	0	0	1
1	1	1	0	0	1

Нужные комбинации управляющих входов, необходимые для того, чтобы на выходе мультиплексора была логическая 1.

A2	A1	A0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Верный вариант

X1	X2	X3	A2	A1	A0
0	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1
0	1	0	1	0	1
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	0	0	1
1	1	1	0	0	1

Ответ: 011

Задача 3 (17 баллов)

На поверхности кремниевой подложки, равномерно легированной акцепторной примесью с концентрацией $N_A = 1,0 \cdot 10^{16} \text{ см}^{-3}$, выращен слой окисла SiO_2 . При воздействии ионизирующих излучений в окисле формируется положительный заряд. Определить при какой поверхностной плотности положительного заряда в окисле Q_{ot} произойдет сильная инверсия проводимости подложки вблизи поверхности (концентрация неосновных носителей станет равной концентрации примеси в подложке). Расчеты произвести для температуры $T_0 = 25^\circ\text{C}$, собственную концентрацию носителей заряда в кремнии принять равной $n_i = 1,45 \cdot 10^{10} \text{ см}^{-3}$, диэлектрическую проницаемость кремния считать равной $\epsilon = 11,7$, постоянная Больцмана $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ Дж/К}$, универсальная электрическая постоянная $\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-14} \text{ Ф/см}$, заряд электрона $q = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ Кл}$, зарядом поверхностных состояний пренебречь.

Решение:

По теореме Гаусса проекция вектора напряженности электрического поля E_x на ось x (рисунок 1) связана с концентрациями электронов $n(x)$ и дырок $p(x)$, а так же с концентрацией легирующей примеси N_A соотношением:

$$\frac{dE_x}{dx} = \frac{q}{\varepsilon\varepsilon_0} \cdot (p(x) - n(x) - N_A) \quad (1)$$

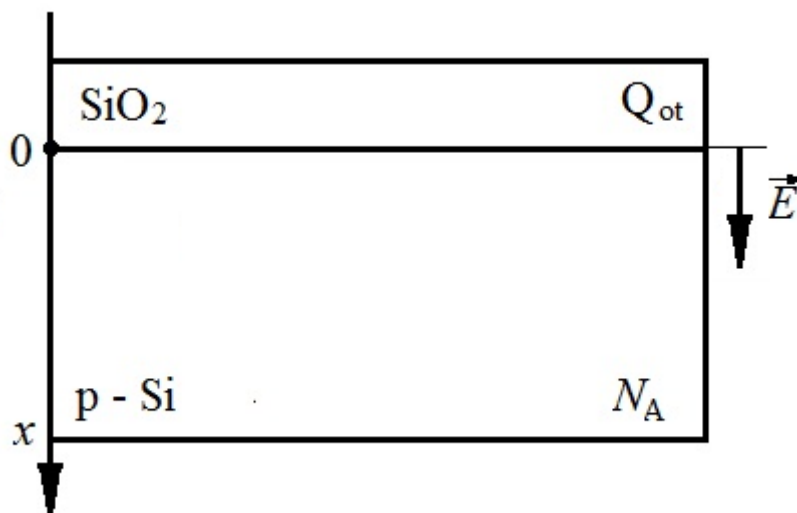


Рисунок 1. Структура Si-SiO₂

Выберем точку отсчета потенциала $\varphi(x)$ в глубине подложки (при $x = \infty$, $\varphi(\infty) = 0$). Тогда концентрации носителей заряда n и p будут определяться соотношениями:

$$n(x) = \frac{n_i^2}{N_A} \cdot \exp\left(\frac{\varphi(x)}{\varphi_T}\right), \quad (2)$$

$$p(x) = N_A \cdot \exp\left(-\frac{\varphi(x)}{\varphi_T}\right) \quad (3)$$

где:

$$\varphi_T = \frac{kT}{q} \quad (4)$$

Подставим выражения (2) и (3) в (1):

$$\frac{dE_x}{dx} = \frac{q}{\varepsilon\varepsilon_0} \cdot \left(N_A \cdot \exp\left(-\frac{\varphi(x)}{\varphi_T}\right) - \frac{n_i^2}{N_A} \cdot \exp\left(\frac{\varphi(x)}{\varphi_T}\right) - N_A \right) \quad (5)$$

Проинтегрируем обе части уравнения (5) по $d\varphi$ в пределах от 0 до φ_s , что соответствует изменению координаты x от ∞ до 0 ($\varphi(\infty) = 0$, $\varphi(0) = \varphi_s$).

$$\int_0^{\varphi_S} \frac{dE_x}{dx} d\varphi = \int_0^{\varphi_S} \frac{q}{\varepsilon\varepsilon_0} \cdot \left(N_A \cdot \exp\left(-\frac{\varphi(x)}{\varphi_T}\right) - \frac{n_i^2}{N_A} \cdot \exp\left(\frac{\varphi(x)}{\varphi_T}\right) - N_A \right) d\varphi \quad (6)$$

Учитывая что $E_x = -d\varphi/dx$ перейдем к интегрированию в левой части по dE_x от 0 до E_S , где E_S проекция вектора E на ось x при $x = 0$:

$$-\int_0^{E_S} E_x dE_x = \int_0^{\varphi_S} \frac{q}{\varepsilon\varepsilon_0} \cdot \left(N_A \cdot \exp\left(-\frac{\varphi(x)}{\varphi_T}\right) - \frac{n_i^2}{N_A} \cdot \exp\left(\frac{\varphi(x)}{\varphi_T}\right) - N_A \right) d\varphi \quad (7)$$

Вычисляя интегралы в выражении (7) приходим к соотношению:

$$E_S = \pm \sqrt{\frac{2q\varphi_T N_A}{\varepsilon\varepsilon_0} \cdot \left(\exp\left(-\frac{\varphi_S}{\varphi_T}\right) + \frac{n_i^2}{N_A^2} \cdot \exp\left(\frac{\varphi_S}{\varphi_T}\right) - \frac{\varphi_S}{\varphi_T} - \frac{n_i^2}{N_A^2} - 1 \right)} \quad (8)$$

Поскольку заряд инверсионного слоя отрицателен, а заряд в окисле положителен, проекция вектора E на ось x при $x = 0$ положительна ($E_S > 0$), следовательно выбираем решение:

$$E_S = + \sqrt{\frac{2q\varphi_T N_A}{\varepsilon\varepsilon_0} \cdot \left(\exp\left(-\frac{\varphi_S}{\varphi_T}\right) + \frac{n_i^2}{N_A^2} \cdot \exp\left(\frac{\varphi_S}{\varphi_T}\right) - \frac{\varphi_S}{\varphi_T} - \frac{n_i^2}{N_A^2} - 1 \right)} \quad (9)$$

На границе раздела в кремнии при $x = 0$ для достижения сильной инверсии необходимо чтобы выполнялось условие (концентрация электронов равна концентрации примесив подложке):

$$n(0) = N_A \quad (10)$$

Концентрация электронов связана с потенциалом на границе раздела Si-SiO₂ соотношением:

$$n(0) = \frac{n_i^2}{N_A} \cdot \exp\left(\frac{\varphi_S}{\varphi_T}\right) \quad (11)$$

откуда, с учетом (10), находим потенциал при $x = 0$:

$$\varphi_S = 2\varphi_T \cdot \ln\left(\frac{N_A}{n_i}\right) \quad (12)$$

Подставляя (12) в (9) находим E_S :

$$E_S = \sqrt{\frac{4 \cdot q\varphi_T N_A}{\varepsilon\varepsilon_0} \ln\left(\frac{N_A}{n_i}\right)} \quad (13)$$

По теореме Гаусса для элемента поверхности раздела Si-SiO₂ площадью ΔS :

$$E_S \Delta S = \frac{1}{\varepsilon\varepsilon_0} \cdot Q_{ot} \Delta S. \quad (14)$$

Комбинируя (13) и (14) с учетом (4) получаем:

$$Q_{ot} = 2 \cdot \sqrt{\varepsilon \varepsilon_0 k T N_A \ln \left(\frac{N_A}{n_i} \right)}. \quad (15)$$

Подставляя числовые значения получаем: $Q_{ot} = 4,8 \cdot 10^{-8}$ Кл/см²

Ответ: $Q_{ot} = 4,8 \cdot 10^{-8}$ Кл/см²

Задача 4 (17 баллов)

На выходе из многомодового оптического волокна необходимо создать коллимированный пучок оптического излучения на фиксированной длине волны (см. рисунок). Диаметр пучка должен составлять $D_n = 1$ см. Какое фокусное расстояние f должно быть у линзы, которая будет использоваться для создания такого пучка, если показатели преломления сердцевины (n_1) и оболочки (n_2) оптического волокна на используемой длине волны составляют соответственно $n_1 = 1.49$ и $n_2 = 1.46$. При решении задачи считать, что диаметр пучка равен диаметру линзы.

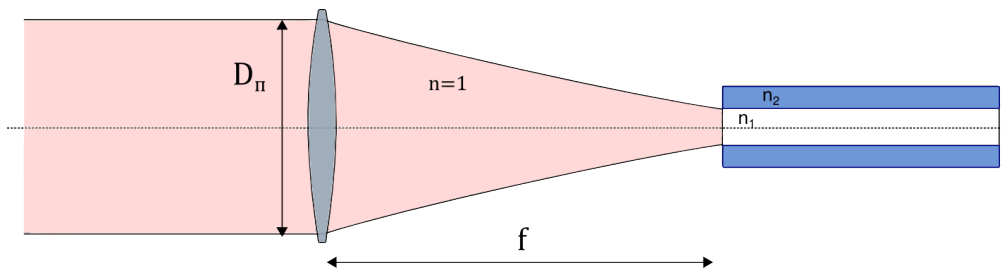


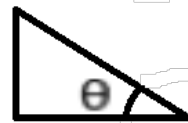
Рис. 2. Формирование коллимированного плоскопараллельного пучка оптического излучения из одномодового оптического волокна.

Решение:

Для многомодового волокна:

$$NA = \sin \theta = \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$$

С другой стороны, $\sin \theta = \frac{D_n/2}{\sqrt{(D_n/2)^2 + f^2}}$, где $(D_n/2)^2 + f^2$ из



Следовательно, $\frac{D_n/2}{\sqrt{(D_n/2)^2 + f^2}} = \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$

$$\frac{(D_n/2)^2}{(D_n/2)^2 + f^2} = n_1^2 - n_2^2 \Rightarrow f^2 = \frac{(D_n/2)^2}{n_1^2 + n_2^2} - (D_n/2)^2$$

$$f = \left(\frac{D_n}{2}\right) \sqrt{\frac{1 - n_1^2 + n_2^2}{n_1^2 - n_2^2}} = 1,61 \text{ см}$$

Задача 5 (23 балла)

Теоретический коэффициент межзонного оптического поглощения для очень тонкой полупроводниковой квантовой ямы (из прямозонного полупроводника) без учёта экситонных и тепловых эффектов имеет вид:

$$\alpha(\hbar\omega) = \frac{A}{\hbar\omega} \cdot \frac{I_{eh}}{d} \cdot \theta(\hbar\omega - \tilde{E}_g),$$

где d – толщина (ширина) квантовой ямы, A – постоянная, зависящая от материала, \tilde{E}_g – эффективная ширина запрещённой зоны (с учётом размерного квантования), I_{eh} – квадрат модуля интеграла перекрытия волновых функций электронов и дырок, θ – функция Хэвисайда.

Пусть яму из InGaAs толщиной $d = 10$ нм поместили в электрическое поле, из-за которого \tilde{E}_g уменьшилась на 0.1 эВ, а I_{eh} уменьшился в 2 раза (квантово-размерный эффект Штарка). Считать, что зависимость $\alpha(\hbar\omega)$ осталась прежней.

Оцените:

- 1) Δn - изменение показателя преломления для энергии фотона $\hbar\omega = 0.75$ эВ.
- 2) разность фаз $\Delta\varphi$, которая наберётся при пробеге света по двум плечам интерферометра, показатели преломления в которых отличаются на Δn , а длина L составляет 1 мм.

До приложения поля значения параметров составляли: $\tilde{E}_g = 0.8$ эВ, $I_{eh} = 0.9$. Постоянная $A = 0.1$ эВ. Использовать соотношения Крамерса-Кронига.

Решение:

Рассматривая комплексный показатель преломления n_c , обозначим n как его действительную часть. Коэффициент поглощения пропорционален коэффициенту экстинкции (мнимой части показателя преломления). При условии малости мнимой части по сравнению с действительной (которое обычно соблюдается), мы можем получить следующие соотношения для изменений коэффициента поглощения и показателя преломления:

$$\Delta\alpha = \frac{\omega}{cn_0} \Im(\Delta\chi), \quad \Delta n = \frac{1}{2n_0} \Re(\Delta\chi)$$

Где χ – диэлектрическая восприимчивость КЯ, а n_0 – «фоновый» показатель преломления (показатель преломления объемного полупроводника).

Теперь используем соотношения Крамерса-Кронига для действительной и мнимой части комплексной функции:

$$\Delta n = \frac{c}{\pi} \int_0^{\infty} \frac{\Delta \alpha(\omega') d\omega'}{\omega'^2 - \omega^2}$$

Можно найти:

$$\begin{aligned} \int_0^{\infty} \frac{\theta(\hbar\omega - \tilde{E}_g) d\omega'}{\omega'(\omega'^2 - \omega^2)} &= \int_{\omega_g}^{\infty} \frac{d\omega'}{\omega'(\omega'^2 - \omega^2)} = \frac{1}{\omega^2} \int_{\frac{\omega_g}{\omega}}^{\infty} \frac{du}{u(u^2 - 1)} = \\ &= \frac{1}{2\omega^2} \ln \left| \frac{\tilde{E}_g^2}{\tilde{E}_g^2 - (\hbar\omega)^2} \right| \end{aligned}$$

Здесь интеграл понимается в смысле главного значения Коши. Для указанного вида коэффициента поглощения, получаем:

$$\begin{aligned} \Delta n &= \frac{A}{(\hbar\omega)^2} \frac{\hbar c}{2\pi d} \cdot \left[I_{eh2} \ln \left| \frac{\tilde{E}_{g2}^2}{\tilde{E}_{g2}^2 - (\hbar\omega)^2} \right| - I_{eh1} \ln \left| \frac{\tilde{E}_{g1}^2}{\tilde{E}_{g1}^2 - (\hbar\omega)^2} \right| \right] \\ \Delta n &= \frac{0.1}{0.75^2} \frac{197}{6.28 \cdot 10} \cdot \left[0.45 \ln \left| \frac{0.7^2}{0.7^2 - 0.75^2} \right| - 0.9 \ln \left| \frac{0.8^2}{0.8^2 - 0.75^2} \right| \right] = -0.58 \end{aligned}$$

Это изменение показателя преломления значительно превышает обычно наблюдаемые значения, поэтому числовые параметры задачи подобраны неудачно. Обычные значения для таких случаев $\Delta n \approx 10^{-3} - 10^{-2}$.

Тем не менее ответ на вопрос 1) найден, осталось найти ответ на вопрос 2), который тривиально находится из определения фазовой скорости:

$$\Delta \varphi = L \Delta k = \frac{L\omega}{c} \Delta n = \frac{2\pi L}{\lambda_0} \Delta n = 3800 \Delta n$$

Задача 6 (23 балла)

Транзистор со структурой металл-диэлектрик-полупроводник (МДПТ) является элементом интегральных микросхем. МДПТ имеет 4 вывода: исток (И), сток (С), затвор (З), подложка (П) и может включаться в различные электрические схемы. Простейшая схема показана на рис. 3. Через управляющий вывод (затвор) электрический ток не протекает. Если напряжение на затворе U_3 превышает пороговое значение U_0 , то между стоком и истоком протекает ток I_C , значение которого при напряжении между стоком и истоком U_C и $U = U_3 - U_0$ для n -канального МДПТ определяется как:

$$I_C = \begin{cases} 0, & \text{при } U \leq 0, \\ b \left[U - \frac{U_C}{2} \right] U_C, & \text{крутая обл. ВАХ, } U_C < U_{CH}, \\ \frac{b}{2} (U)^2, & \text{пологая обл. ВАХ, } U_C \geq U_{CH}, \end{cases}$$

$$U_{CH} = \sqrt{\frac{2I_C}{b}}$$

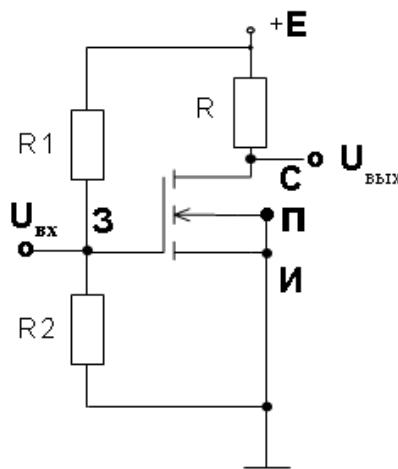


Рис. 3. Простейшая схема подключения МДП-транзистора.

Параметры транзистора: $U_0 = 1$ В и $b = 2$ мА/В².

Параметры схемы: $E = 5$ В, $R = 1$ кОм, $R_1 = 6$ кОм, $R_2 = 4$ кОм.

На вход подаётся сигнал: $\Delta U_{вх} = 0,2 \cdot \sin(100\pi \cdot t)$ В.

Определите:

- 1) В каких пределах изменяется потребляемая мощность данной схемы?
- 2) В каких пределах изменяется выходное напряжение данной схемы $U_{вых}$?
- 3) Среднее значение коэффициента усиления $K = \Delta U_{ввых} / \Delta U_{вх}$.

Решение:

Для решения задачи 6 (варианты 1 и 2) полезно сначала определить функцию преобразования схемы $U_{ввых} = f(U_{вх}) = E - R \cdot I_C = U_C$. Граничное значение $U = U^*$ перехода из пологой в крутую область ВАХ МДПТ можно определить, решая уравнение $U_{CH} = U = E - (0,5\beta) \cdot U^2$ и получить

$$U^* = [(1 + 2\beta E)^{0,5} - 1] / \beta, \quad (1)$$

где $\beta = bR$ (R – сопротивление в стоковой ветви). Тогда

при $U \leq 0$ (МДПТ закрыт) $U_{\text{вых}} = E,$
 при $0 < U \leq U^*$ (пологая обл.) $U_{\text{вых}} = U_C = E - (0,5\beta) \cdot U^2,$ (2)
 а при $U > U^*$ (крутая обл.)

$$U_{\text{вых}} = U_C = \frac{1}{\beta} + U - \sqrt{\left(\frac{1}{\beta} + U\right)^2 - \frac{2E}{\beta}}. \quad (3)$$

Для данной схемы во всех вариантах $U^* \approx 1,8 \text{ В},$

начальное значение $U_{\text{вх}0} = U_{30} = E \cdot R_2 / (R_1 + R_2) = 2 \text{ В}$ (в варианте 1),

начальное значение $U_{\text{вх}0} = U_{30} = E \cdot R_2 / (R_1 + R_2) = 3 \text{ В}$ (в варианте 2).

Исходное значение $U = U_{30} - U_0 = 1,5 \text{ В}$ (пологая обл.).

$$U_{\text{вых}} = U_C = E - (0,5\beta) \cdot U^2 = 5 - U^2.$$

$$U_{\text{мин}} = U - \Delta U_M = 1,3 \text{ В} \text{ и } U_{\text{макс}} = U + \Delta U_M = 1,7 \text{ В}.$$

Значение статической потребляемой мощности схемы можно рассчитать как

$$P_{\text{ст}} = E \cdot I_C + E^2 / (R_1 + R_2), \quad (4)$$

где ток стока определяется по заданным формулам для исходного (начального) значения параметра $U = U_{30} - U_0$ и соответствующего режима работы транзистора.

Вариант 1: (пологая область ВАХ) $\rightarrow I_C = 0,5b \cdot U^2.$

Вариант 2: (крутая область ВАХ) $\rightarrow I_C = b \cdot (U - 0,5 U_C) \cdot U_C,$ где

$$U_C = 1/\beta + U - [(1/\beta + U)^2 - 2E/\beta]^{1/2}.$$

1. В каких пределах изменяется потребляемая мощность данной схемы?

Пределы изменения потребляемой мощности данной схемы $P_{\text{мин}}$ и $P_{\text{макс}}$, если на вход подаётся сигнал $\Delta U_{\text{вх}} = \Delta U_M \cdot \sin(100\pi \cdot t)$ В, можно рассчитать на основе выражения (4), в которое вместо величины I_C подставить $I_{\text{Смин}}$ и $I_{\text{Смакс}}$, соответствующие режимам работы транзистора и значениям $U_{\text{мин}} = U - \Delta U_M$ и $U_{\text{макс}} = U + \Delta U_M.$

$$P_{\text{мин}} = E \cdot I_{\text{Смин}} + E^2 / (R_1 + R_2).$$

$$P_{\text{макс}} = E \cdot I_{\text{Смакс}} + E^2 / (R_1 + R_2).$$

Исходное значение $U = U_{30} - U_0 = 1,5 \text{ В}$ (пологая обл.).

$$U_{\text{мин}} = 1,3 \text{ В} \text{ и } U_{\text{макс}} = 1,7 \text{ В}.$$

$$I_C = 0,5bU^2. \quad I_{\text{Смин}} = 1,69 \text{ мА}. \quad I_{\text{Смакс}} = 2,89 \text{ мА}.$$

$$P_{\text{мин}} = 5 \cdot 1,69 + 25/10 = 10,95 \text{ мВт} \approx 11 \text{ мВт}.$$

$$P_{\text{макс}} = 5 \cdot 2,89 + 25/10 = \mathbf{16,95 \text{ мВт}} \approx 17 \text{ мВт}.$$

2. В каких пределах изменяется выходное напряжение данной схемы $U_{\text{вых}}$?

Если на вход подаётся сигнал $\Delta U_{\text{вх}} = \Delta U_{\text{м}} \cdot \text{Sin}(100\pi \cdot t)$ В, то пределы изменения выходного напряжения данной схемы $U_{\text{вых}} = U_{\text{с}}$ и соответствуют значениям $U_{\text{мин}} = U - \Delta U_{\text{м}}$ и $U_{\text{макс}} = U + \Delta U_{\text{м}}$, рассчитанным по формулам (2) или (3) в зависимости от режима работы МДПТ.

$$U_{\text{вых мин}} = U_{\text{с}} = E - (0,5\beta) \cdot (U_{\text{макс}})^2 = 5 - 1,7^2 = \mathbf{2,11 \text{ В}}.$$

$$U_{\text{вых макс}} = E - (0,5\beta) \cdot (U_{\text{мин}})^2 = 5 - 1,3^2 = \mathbf{3,31 \text{ В}}.$$

3. Среднее значение коэффициента усиления схемы $K = \Delta U_{\text{вых}} / \Delta U_{\text{вх}}$

$$K = \Delta U_{\text{вых}} / \Delta U_{\text{вх}} = (U_{\text{вых макс}} - U_{\text{вых мин}}) / (2\Delta U_{\text{м}}).$$

$$K = 1,2 / 0,4 = \mathbf{3}.$$

Ответы:

$P_{\text{мин}} / P_{\text{макс}}, \text{ мВт}$	$U_{\text{вых макс}} / U_{\text{вых мин}}, \text{ В}$	K
10,95 / 16,95	3,31 / 2,11	3